

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 1.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-3)^2}{2}}$.

Найти вероятность того, что из трех независимых случайных величин, распределенных по данному закону, две окажутся на интервале (2; 5).

2. Найти вероятность того, что из 140 человек ровно 21 родились в понедельник.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ax & 0 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[0.5 < X < 1.5]$, $P[1 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^2$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 2.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{2}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, две окажутся на интервале $(-2; 1)$.

2. Найти вероятность того, что из 140 человек более 22 родились в понедельник.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ax^2 & 0 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[0.5 < X < 1.5]$, $P[1 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 4]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = \sqrt{X}$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 3.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-3)^2}{8}}$.

Найти вероятность того, что из 5 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале (2; 5).

2. Найти вероятность того, что из 140 человек менее 18 родились в понедельник.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ax^3 & 0 < x < 3 \\ 0 & 3 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[1 < X < 2]$, $P[2 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 3]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^3$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина. Вариант № 4.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+2)^2}{8}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(0; \infty)$.

2. Найти вероятность того, что из 140 человек в понедельник родилось от 19 до 23.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a\sqrt{x} & 0 < x < 4 \\ 0 & 4 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[1 < X < 2]$, $P[2 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = -\ln X$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина. Вариант № 5.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{18}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 3 окажутся на интервале $(-4; 5)$.

2. Найти вероятность того, что из 160 человек ровно 40 родилось летом.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < -2 \\ ax^2 & -2 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[-1 < X < 2]$, $P[1 < X < 5]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = -2 \ln X$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 6.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{18}}$.

Найти вероятность того, что из 3 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 3 окажутся на интервале $(-\infty; 5)$.

2. Найти вероятность того, что из 160 человек более 42 родились летом.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < -2 \\ ax^4 & -2 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[-1 < X < 2]$, $P[1 < X < 5]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^4$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 7.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+2)^2}{32}}$.

Найти вероятность того, что из 5 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 1 окажется на интервале $(-1; \infty)$.

2. Найти вероятность того, что из 160 человек менее 40 родились летом.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a \sin x & 0 < x < \pi \\ 0 & \pi < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[\pi/6 < X < 2\pi/3]$, $P[\pi/3 < X < 3\pi]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2X + 1$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 8.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{32}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-4; 3)$.

2. Найти вероятность того, что из 160 человек летом родилось от 38 до 43.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ae^{-x} & 0 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[1 < X < 3]$, $P[-5 < X < 5]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 9]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = \sqrt{X}$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 9.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{50}}$.

Найти вероятность того, что из 3 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-\infty; 5)$.

2. Найти вероятность того, что из 240 человек ровно 20 родились в мае.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ae^{-2x} & 0 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[0 < X < 2]$, $P[-5 < X < 2]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^5$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 10.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{2}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-\infty; 3)$.

2. Найти вероятность того, что из 240 человек более 22 родились в мае.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 1 \\ a \frac{1}{x^4} & 1 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[0 < X < 2], P[2 < X < 4]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[-1; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^3$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 11.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{2}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(0; 3)$.

2. Найти вероятность того, что из 240 человек менее 19 родились в мае.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 1 \\ a \frac{1}{x^5} & 1 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[0 < X < 2], P[2 < X < 4]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[-2; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^3$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 12.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{8}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 3 окажутся на интервале $(0; 5)$.

2. Найти вероятность того, что из 240 человек от 19 до 22 родились в мае.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 1 \\ a \frac{1}{x^6} & 1 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[0 < X < 2], P[2 < X < 4]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[-1; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = X^5$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 13.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+3)^2}{8}}$.

Найти вероятность того, что из 5 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-2; \infty)$.

2. Найти вероятность того, что при 100 бросании монеты герб выпадет 51 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a \cos x & 0 < x < \pi/2 \\ 0 & \pi/2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[\pi/6 < X < \pi/3]$,
 $P[\pi/3 < X < 3\pi]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 4X + 1$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 14.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{18}}$.

Найти вероятность того, что из 3 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-\infty; 0)$.

2. Найти вероятность того, что при 100 бросании монеты герб выпадет менее 52 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < -1 \\ a(1-x^2) & -1 < x < 1 \\ 0 & 1 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ;
4) вероятности $P[-1/3 < X < 1/2]$, $P[1/3 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2X^3$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 15.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{8}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-\infty; 0)$.

2. Найти вероятность того, что при 100 бросании монеты герб выпадет более 52 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a \cos \frac{1}{2}x & 0 < x < \pi \\ 0 & \pi < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[\pi/3 < X < \pi/2]$, $P[\pi/3 < X < 3\pi]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2X^2$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 16.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{32}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 2 окажутся на интервале $(-4; 2)$.

2. Найти вероятность того, что при 100 бросании монеты герб выпадет от 46 до 52 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < -1 \\ a(1-x^4) & -1 < x < 1 \\ 0 & 1 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[-1/3 < X < 1/2]$, $P[1/3 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2X^4$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 17.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+3)^2}{32}}$.

Найти вероятность того, что из 5 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 3 окажутся на интервале $(-4; 1)$.

2. Найти вероятность того, что при 180 бросании игральной кости число 6 выпадет 30 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < -2 \\ a(4-x^2) & -2 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[-2 < X < 1]$, $P[0 < X < 10]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2\sqrt{X}$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина. Вариант № 18.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{50}}$.

Найти вероятность того, что из 3 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 3 окажутся на интервале $(-4; \infty)$.

2. Найти вероятность того, что при 180 бросании игральной кости число 6 выпадет менее 28 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a(1-x^2) & 0 < x < 1 \\ 0 & 1 < x < \infty \end{cases}$$

Найти: 1) значение a ; 2) математическое ожидание X ;
3) дисперсию X ; 4) вероятности $P[0.5 < X < 1]$, $P[0.5 < X < 5]$.

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2X^6$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 19.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+2)^2}{50}}$.

Найти вероятность того, что из 3 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 1 окажется на интервале $(-4; 1)$.

2. Найти вероятность того, что при 180 бросании игральной кости число 6 выпадет более 32 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a(4 - x^2) & 0 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[-1 < X < 1], P[0.5 < X < 1.5]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 4]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 2\sqrt{X}$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 20.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{50}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 1 окажется на интервале $(-4; 1)$.

2. Найти вероятность того, что при 180 бросании игральной кости число 6 выпадет от 29 до 32 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ a(5 - x^2) & 0 < x < 2 \\ 0 & 2 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[-1 < X < 1], P[0.5 < X < 1.5]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 2]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 3X^2$.

К.Р. по теор. вероятн. № 2. Непрерывная случайная величина.
Вариант № 21.

1. Плотность вероятности распределения случайной величины имеет вид $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$.

Найти вероятность того, что из 4 независимых случайных величин, распределенных по данному закону, 1 окажется на интервале $(-2; 1)$.

2. Найти вероятность того, что при 180 бросаний игральной кости число 6 выпадет от 24 до 30 раз.

3. Плотность вероятности распределения случайной величины X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\infty < x < 0 \\ ax(4 - x) & 0 < x < 4 \\ 0 & 4 < x < \infty \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Найти: 1) значение } a; \text{ 2) математическое ожидание } X; \\ \text{3) дисперсию } X; \text{ 4) вероятности } P[-10 < X < 1], P[1 < X < 3]. \end{array}$$

4. Случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[0; 1]$. Найти плотность вероятности распределения случайной величины Y , если $Y = 8X^3$.